Universidad del Rosario - Facultad de Economía
Microeconomía III - 2018-I
Taller 4 - Externalidades

Profesor: Darwin Cortés.

Profesor Asistente: Daniel Gómez V.

1. Externalidades al consumo

Considere una economía de intercambio puro con dos consumidores y dos bienes. Las funciones de utilidad y dotaciones iniciales respectivas están dadas por

$$U^1(x_1^1, x_2^1) = \left(Zx_1^1 - \frac{(x_1^1)^2}{2} \right) + x_2^1; \quad (w_1^1, w_2^1) = (\bar{w}_1^1, \bar{w}_2^1)$$

$$U^2(x_1^2, x_2^2; x_1^1) = \left((Z + \gamma x_1^1)x_1^2 - \frac{(x_1^2)^2}{2} \right) + x_2^2; \quad (w_1^2, w_2^2) = (\bar{w}_1^2, \bar{w}_2^2)$$

donde $Z > 0$ y $\gamma \neq 0$.

- (a) Asuma que el bien 2 es el numerario y encuentre el equilibrio walrasiano.
 - i. Enumere las condiciones que se cumplen en el equilibrio walrasiano.
 - ii. Muestre que el equilibrio es ineficiente.
- (b) ¿Cuál es la tasa del impuesto pigouviano que resuelve esta falla del mercado?
 - i. Explique intuitivamente qué es un impuesto pigouviano.
 - ii. Escriba el proceso matemático para encontrar dicho impuesto.
 - iii. Interprete sus resultados (tenga en cuenta el signo de γ).

2. Externalidades a la producción

Considere una economía con dos empresas. La empresa A produce cerveza tipo premium (bien y_1) y por cada cerveza producida se generan β unidades de contaminación (bien y_2). La función de costos de la empresa A viene dada por la siguiente expresión:

$$C_A(y_1, y_2) = y_1^2 + (y_2 - 3)^2$$

El producto contaminante (la externalidad) es vertida en un río, donde aguas abajo una empresa piscícola (empresa B) produce truchas (bien y_3). La función de costos de la empresa B es la siguiente:

$$C_B(y_2, y_3) = 2y_2 + y_3^2$$

- (a) Encuentre las cantidades que produce cada empresa en el equilibrio competitivo.
 - i. Escriba el problema que enfrenta cada empresa.
 - ii. Resuelva el problema siendo claro con sus procedimientos.
- (b) Encuentre el equilibrio si se internaliza la externalidad.
 - i. Explique intuitivamente el proceso que debe realizar.
 - ii. Encierre sus respuestas en un recuadro.

- (c) Encuentre el impuesto pigouviano que resuelve la falla de mercado
 - i. Defina el impuesto pigouviano.
 - ii. Explique la diferencia con los dos procesos anteriores.
 - iii. Compare sus resultados.

3. Segundo parcial, 2016-I

Construir viviendas que utilicen energías renovables contribuye a disminuir el nivel de contaminación. Dicha disminución permite que todos los habitantes de la ciudad gocen de una mejor salud. La utilidad de los individuos en esta economía depende de las viviendas verdes que construyan (x), de todos los demás bienes de la economía (y), y de si los demás agentes tienen una vivienda verde.

$$U^i = x^i y^i x^j$$

Se pueden diferenciar dos tipos de individuos según la dotación inicial que posean.

$$w^1 = (3, 10); \quad w^2 = (0, 20)$$

- (a) ¿Cuántas viviendas verdes tendrá cada tipo de agente en esta economía? ¿El resultado es eficiente? Explique.
 - i. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.
 - ii. Use máximo cinco líneas.
 - iii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (b) El Ministro de Vivienda, estimulado por el Ministro de Salud, ha decidido incentivar la compra de viviendas verdes. ¿Por medio de qué mecanismo podría lograr su objetivo si quisiera lograr un resultado eficiente? Explique.
 - i. Explique el concepto que soporta su respuesta en el contexto planteado usando máximo cinco líneas.
 - ii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (c) Para lograr su objetivo, el ministerio decidió subsidiar la compra de viviendas verdes. Calcule la tasa que resuelve la falla de mercado.
 - i. Escriba la condición de primer orden.
 - ii. Explique intuitivamente la diferencia de esta condición con la del punto a.
 - iii. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.

4. Segundo parcial, 2016-II

Considere una economía de intercambio puro en la que hay dos agentes y dos mercancías. El agente 1 tiene 300 unidades del bien 1 y el agente 2 200 unidades del bien 2. La función de utilidad del agente 1 es

$$U^1 = x^1 y^1$$

La función de utilidad del agente 2 es

$$U^2 = \frac{x^2 y^2}{x^1}$$

- (a) Encuentre el equilibrio walrasiano.
 - i. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.

- ii. Use máximo cinco líneas.
 - iii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (b) Explique porqué el equilibrio es ineficiente.
- i. Explique el concepto que soporta su respuesta en el contexto planteado usando máximo cinco líneas.
 - ii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (c) Sugiera un modo a través del cual un gobierno benevolente puede lograr la asignación eficiente.
- (NOTA: tenga en cuenta los datos del ejercicio, en particular la distribución de dotaciones iniciales).
- i. Escriba la condición de primer orden.
 - ii. Explique intuitivamente la diferencia de esta condición con la del punto a.
 - iii. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.

5. Segundo parcial, 2017-I

Considere dos agentes que están a la vera de un río. Río arriba se encuentra una empresa productora de papel. Río abajo se encuentra una ciudad cuyas preferencias pueden ser representadas por la función de utilidad de un agente representativo. En la economía hay dos bienes: papel y agua embotellada. Para producir papel se necesita agua embotellada. La función de producción está representada por $y = \sqrt{z}$. Donde y es la cantidad de papel producida con z unidades de agua embotellada. Las preferencias del agente representativo de la ciudad están dadas por:

$$U(x_1, x_2) = \frac{x_1 x_2}{y}$$

Donde x_1 es el consumo de papel y x_2 es el consumo de agua embotellada. La producción de papel, y , contamina el río y reduce la utilidad del consumidor representativo que se encuentra río abajo. La dotación inicial del consumidor representativo es de 20 unidades de agua embotellada.

- (a) Encuentre las condiciones de primer orden de la empresa y del consumidor con las cuales maximizan sus funciones objetivo. Interprete.
- i. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.
 - ii. Use máximo cinco líneas.
 - iii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (b) ¿Usted cree que el equilibrio es eficiente? ¿Por qué?
- i. Responda usando máximo cinco líneas.
 - ii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (c) Encuentre las condiciones de primer orden de las asignaciones eficientes. Compare con sus respuestas del punto a) e interprete.
- i. Escriba la condición de primer orden.
 - ii. Explique intuitivamente la diferencia de esta condición con la del punto a).
 - iii. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.

6. Segundo parcial 2017-II

En una economía determinada, los individuos trabajan (bien 1, con precio w) y consumen combustible (bien 2, con precio normalizado a 1). El combustible puede ser carbón o madera (leña). El carbón se obtiene a través de una tecnología de rendimientos constantes a escala (mina de carbón):

$$y_2^1 = y_1^1; \quad y_2^1 \geq 0, y_1^1 \geq 0$$

Por su parte, la leña se produce con una tecnología con rendimientos decrecientes a escala (tala de árboles):

$$y_2^2 = 2 (y_1^2)^{0,5}; \quad y_2^2 \geq 0, \quad y_1^2 \geq 0$$

Existen dos consumidores cuyos conjuntos de consumo están dados por $X_i = [0, 3] \times \mathbb{R}_+$, donde x_1^i denota la oferta de trabajo del consumidor i .

La firma 2 genera una cantidad de polución (z) dada por $z = y_2^2$. Esta polución afecta el bienestar de los dos consumidores de la economía, como lo muestran sus funciones de utilidad:

$$U^i (x_1^i, x_2^i) = (3 - x_1^i)^{0,5} (x_2^i)^{0,5} - \frac{z}{8} \quad \text{para } i = 1, 2$$

Suponga que el consumidor 1 es dueño de la empresa 1 y el consumidor 2 de la firma 2.

- (a) Encuentre las condiciones de primer orden de las firmas y de los consumidores con las cuales maximizan sus funciones objetivo. Interprete.
 - i. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.
 - ii. Use máximo cinco líneas.
 - iii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (b) ¿Cómo podría intervenir el Gobierno para solucionar la falla de mercado que presenta la economía planteada? Explique.
 - i. Explique el concepto que soporta su respuesta en el contexto planteado usando máximo cinco líneas.
 - ii. Use frases cortas con sujeto y predicado.
- (c) Encuentre las condiciones de primer orden que resuelven el problema cuando el Gobierno interviene como usted propuso en el literal anterior.
 - i. Escriba la condición de primer orden.
 - ii. Explique intuitivamente la diferencia de esta condición con la del punto a.
 - iii. Escriba su respuesta y enciérrela en un recuadro.

Cuestiones teóricas

Responda cada una de las siguientes preguntas, teniendo en cuenta que debe:

- Seleccionar la respuesta correcta.
 - Justificar analítica y gráficamente su resultado.
1. Si el bien X crea externalidades negativas, el resultado de equilibrio respecto al resultado eficiente implica:
 - (a) Una sobreasignación de los recursos a la producción de X .
 - (b) Una falta de demanda por X .
 - (c) Costos de producción de X más altos.
 - (d) Una asignación insuficiente de recursos para la producción de X .
 2. Si en el equilibrio de mercado el costo marginal social de producir un bien es mayor que el costo marginal privado:
 - (a) No se produce suficiente de ese bien.
 - (b) El bien produce una externalidad positiva.

- (c) El precio cobrado por del bien es muy alto.
 - (d) El bien produce una externalidad negativa.
3. Cuando un bien crea una externalidad negativa:
- (a) La oferta privada aumenta.
 - (b) La oferta privada disminuye.
 - (c) La curva de oferta privada subestima el costo marginal social del bien.
 - (d) La curva de oferta privada sobreestima el costo marginal social del bien.
4. En una ciudad el gobierno ha decidido controlar la contaminación del aire vendiendo derechos de emisión. Ceteris paribus, si el gobierno disminuye la cantidad de derechos de emisión vendidos:
- (a) El precio de los derechos de emisión cae y la contaminación aumenta.
 - (b) El precio de los derechos de emisión aumenta y la contaminación cae.
 - (c) Tanto el precio de los derechos de emisión como la contaminación caen.
 - (d) Tanto el precio de los derechos de emisión como la contaminación aumentan.
5. Una externalidad positiva en el consumo ocurre cuando:
- (a) El costo marginal social es mayor que el costo marginal privado.
 - (b) El beneficio marginal social es mayor que el beneficio marginal privado.
 - (c) El costo marginal social es mayor que el beneficio marginal privado.
 - (d) El costo marginal social es menor que el costo marginal privado.